



Planos Tangentes - Aproximações lineares

Podemos escrever a equação do plano tangente ao gráfico de uma superfície dada por $z=f(x,y)$ em qualquer ponto $(x=a,y=b)$ como segue. Usamos o operador D para tomar derivadas.

> **tangenteq:=(f,a,b)->simplify(D[1](f)(a,b)*(x-a)+D[2](f)(a,b)*(y-b)-z+f(a,b)=0);**

$$\text{tangenteq} := (f, a, b) \rightarrow \text{simplify}(D_1(f)(a, b)(x - a) + D_2(f)(a, b)(y - b) - z + f(a, b) = 0)$$

Neste procedimento, $z=f(x,y)$ deve ser uma função, e o procedimento retorna a equação do plano tangente no ponto $(a,b,f(a,b))$ da superfície:

> **f:=(x,y)->5-2*x^2-y^2;**

$$f := (x, y) \rightarrow 5 - 2x^2 - y^2$$

> **pl:=tangenteq(f,1,1);**

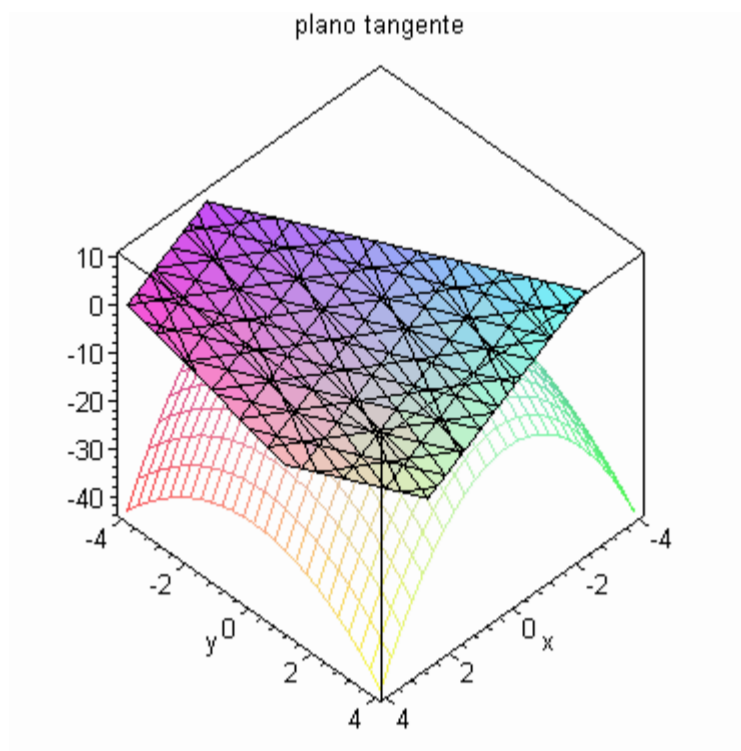
$$pl := -4x + 8 - 2y - z = 0$$

> **with(plots):**

> **F:=plot3d(f(x,y),x=-4..4,y=-4..4):**

> **G:=implicitplot3d(pl,x=-4..4,y=-4..4,z=-10..10,style=PATCH):**

> **display({F,G},axes=boxed,title=`plano tangente`);**



> #####Planos tangentes de $F(x,y,z)=0$

> **restart:**

> **tangenteq3:=(F,a,b,c)->simplify(D[1](F)(a,b,c)*(x-a)+D[2](F)(a,b,c)*(y-b)+D[3](F)(a,b,c)*(z-c)=0);**

tangenteq3 := (F, a, b, c) → simplify(D₁(F)(a, b, c) (x - a) + D₂(F)(a, b, c) (y - b) + D₃(F)(a, b, c)

> **F:=(x,y,z)->z-5+2*x^2+y^2;**

$$F := (x, y, z) \rightarrow z - 5 + 2x^2 + y^2$$

> **pl3:=tangenteq3(F,1,1,2);**

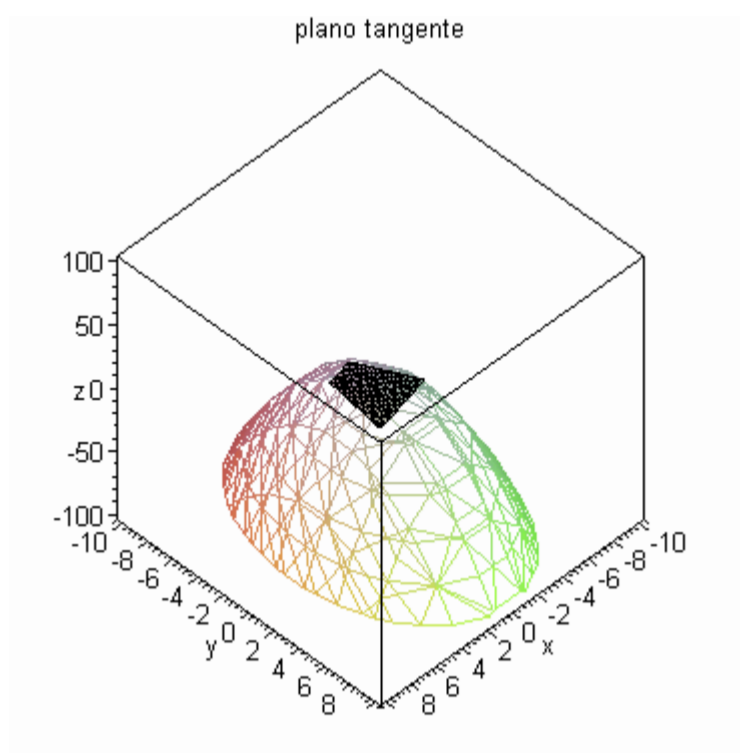
$$pl3 := 4x - 8 + 2y + z = 0$$

> **with(plots):**

> **G:=implicitplot3d(F(x,y,z),x=-10..10,y=-10..10,z=-100..100):**

> **H:=implicitplot3d(pl3,x=-2..2,y=-2..2,z=-10..10,style=PATCH):**

> **display({G,H},axes=boxed,title=`plano tangente`);**



>

Elabore mais exemplos.